

Egypt-Japan University of Science and Technology
Entrance Exam (Undergraduate)

Faculty of Engineering and S.Arch. Program	Subject: Mathematics
Academic Year:	No. of Pages: 2
Exam Duration: 45 minutes	Exam Version: Sample
Student Name:	Student ID:



Choose the correct answer

Question 1 The absolute term (free term of x) in the binomial expansion of $(3x - 5)^4$ is

- A) -1500 B) 1500 C) -625 D) 625

Question 2 If $x = e^{-2t}$, $y = x^2 + 3$, then $\frac{dy}{dt}$ at $t = 0$ is

- A) -4 B) 4 C) -2 D) 0

Question 3 The function $y = 3 \cos(3t + 4) - 5$ has a period

- A) $\pi/3$ B) $2\pi/3$ C) 2π D) $3\pi/2$

Question 4 The value of m such that the quadratic equation $mx^2 + 12x + 9 = 0$ has two equal roots is:

- A) -4 B) 4 C) 3 D) 2

Question 5 The value of d that makes the matrix $A = \begin{bmatrix} 8 & d & 0 \\ 4 & 0 & 2 \\ 12 & 6 & 0 \end{bmatrix}$ singular is

- A) -4 B) -3 C) 4 D) 1

Question 6 Which of the following functions is an odd function?

- A) $y = x^2 - 5$ B) $y = x^2$ C) $y = x + 3$ D) $y = x^3$

Question 7 The value of the integral $\int_0^1 x e^x dx$ is

- A) e^2 B) $1 + e$ C) 1 D) e

Question 8 The sum of the terms of the infinite sequence $\frac{1}{2}, \frac{-1}{8}, \frac{1}{32}, \frac{-1}{128}, \dots$ equals

- A) $\frac{2}{5}$ B) $\frac{2}{3}$ C) $\frac{5}{2}$ D) $\frac{1}{2}$

Question 9 If $\frac{A}{x-1} + \frac{B}{x+4} = \frac{3-x}{x^2+3x-4}$, then A, B equals

- A) $-\frac{2}{5}, \frac{7}{5}$ B) $-\frac{2}{5}, -\frac{7}{5}$ C) $\frac{2}{5}, -\frac{7}{5}$ D) $\frac{2}{5}, \frac{7}{5}$

Question 10 The value of $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2-16}{x-4}$ is

- A) 8 B) 4 C) -2 D) Does not exist

Question 11 If $y = \sqrt{x^2 + 3x}$, then $y'(1)$ is

- A) $\frac{3}{4}$ B) $\frac{5}{4}$ C) $\frac{2}{5}$ D) $\frac{4}{5}$

Question 12 The point $(0, -3)$ lies on

- A) negative x -axis B) positive x -axis C) positive y -axis D) negative y -axis

Question 13 A concrete column has a radius (r) of 175 mm and a length (h) of 2 m . If the density (mass/volume) of concrete is 2450 Kg/m^3 , determine the weight of the column Newtons if the gravity constant $g = 9.81 \text{ m/s}^2$. Choose the closest answer: (The volume of a right concrete is πhr^2)

- A) 4600 N B) 470 N C) 2250 N D) 1000 N

Question 14 Two tugboats are pulling a disabled ship. Tugboat A exerts a force F_A of 2 kN at an angle of 30° above the positive x –axis. Tugboat B exerts a force F_B at an unknown angle θ below the positive x –axis. If the resultant force of the two tugboats is 3 kN, directed along the positive x –axis, determine the required magnitude of force F_B .

- A) 0.6 kN B) 1.6 kN C) 4 kN D) 16 kN

Question 15 Starting from rest, a particle moving in a straight line has a velocity of $v = (t^2 - 6t)$ m/s, where t is in seconds. What is its position when $t = 11$ s? choose the closest answer:

- A) 80 m B) 60 m C) 20 m D) 40 m

Best wishes to all

Important tables/formulas

Basic Differentiation formulas		Basic Integration formulas	
$\frac{d}{dx}\{x^n\} = nx^{n-1}$	$\frac{d}{dx}\{\tan x\} = \sec^2 x$	$\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + C, \quad n \neq -1$	$\int \sec^2 x dx = \tan x + C$
$\frac{d}{dx}\{\sin x\} = \cos x$	$\frac{d}{dx}\{\ln x\} = \frac{1}{x}$	$\int \sin x dx = -\cos x + C$	$\int \frac{1}{x} dx = \ln x + C$
$\frac{d}{dx}\{\cos x\} = -\sin x$	$\frac{d}{dx}\{e^x\} = e^x$	$\int \cos x dx = \sin x + C$	$\int e^x dx = e^x + C$

Some additional integration formulas

$\int f^n(x)f'(x) dx = \frac{f^{n+1}(x)}{n+1} + C, \quad n \neq -1$	$\int \frac{f'(x)}{f(x)} dx = \ln(f(x)) + C$	$\int u dv = uv - \int v du$
---	--	------------------------------

Arithmetic sequence

General term: $a_k = a_1 + (k - 1)d$	Sum: $S_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n) = \frac{n}{2}(2a + (n - 1)d)$
--------------------------------------	--

Geometric sequence

General term: $a_k = a_1 r^{k-1}$	Finite sum: $S_n = \frac{a_1(1 - r^n)}{1 - r}$	Infinite sum: $S_\infty = \frac{a_1}{1 - r}, \quad r < 1$
-----------------------------------	--	---

Additional laws

Permutations: $P_r^n = \frac{n!}{(n - r)!}$	Combinations: $C_r^n = \frac{n!}{r!(n - r)!}$
---	---

The law of Cosines in a triangle ABC :

$$\bar{A}^2 = \bar{B}^2 + \bar{C}^2 - 2\bar{B}\bar{C} \cos A$$

Mechanics laws (Statics and Dynamics)

$\mu_s = \tan \varphi_s = \frac{F_s}{N}, \mu_k = \frac{F_k}{N}, \tan \varphi_k = \frac{F_k}{N}$ $F_R = \sqrt{F_1^2 + F_2^2 + 2F_1F_2 \cos \theta}, F_{Rx} = \sum F_x, F_{Ry} = \sum F_y,$ $F_R = \sqrt{F_{Rx}^2 + F_{Ry}^2}, \theta = \tan^{-1} \left(\frac{F_{Ry}}{F_{Rx}} \right)$	$v_{avg} = \frac{\Delta s}{\Delta t}, v = \frac{ds}{dt}, a_{avg} = \frac{\Delta v}{\Delta t}, a = \frac{dv}{dt}, v = v_0 + at,$ $v^2 = v_0^2 + 2as, s = v_0t + \frac{1}{2}at^2, L = mv, \Delta L = m(v_2 - v_1),$ $F = ma, I = Ft, Ft = m(v_2 - v_1),$ $m_1v_1 + m_2v_2 = (m_1 + m_2)v, m_1v_1' + m_2v_2' = m_1v_1 + m_2v_2$
---	---

سؤال رقم 12 النقطة (٣-٤٠) تقع على ...

- (A) محور السينات السالب (B) محور السينات الموجب (C) محور الصادات الموجب (D) محور الصادات السالب

سؤال رقم 13 عمود خرساني له نصف قطر (نق) 175 مم وطول (ل) ٢ متر. إذا كانت كثافة الخرسانة (كتلة/حجم) تساوي ٢٤٥٠ كجم/م³، احسب وزن العمود بالنيوتن إذا كانت ثابت الجاذبية ٩.٨١ م/ث²: اختر الإجابة الأقرب (حجم الأسطوانة يساوي $\pi r^2 l$).
(A) ٤٦٠٠ نيوتن (B) ٤٧٠ نيوتن (C) ٢٢٥٠ نيوتن (D) ١٠٠٠ نيوتن

سؤال رقم 14 قاربان قاطران يسبحان سفينة معطلة. قارب قاطر ١ يبذل قوة (١٠) مقدارها ٢ كيلو نيوتن بزاوية ٣٠° فوق المحور س الموجب. قارب قاطر ب يبذل قوة (٢٠) بزاوية غير معروفة تحت المحور س الموجب. إذا كانت القوة الناتجة من القاربين ٣ كيلو نيوتن، موجهة على طول المحور س الموجب، حدد مقدار القوة المطلوبة (٢٠)
(A) 0.٦ كيلو نيوتن (B) ١.٦ كيلو نيوتن (C) ٤ كيلو نيوتن (D) ١٦ كيلو نيوتن

سؤال رقم 15 جسم يتحرك من السكون في خط مستقيم بسرعة مقدارها $v = ٦ - ٢t$ م/ث حيث t هو الزمن المقاس بالثانية. ما هو موضعه بعد 11 ثانية - اختر الإجابة الأقرب.
(A) ٨٠ متر (B) ٦٠ متر (C) ٢٠ متر (D) ٤٠ متر

مع خالص تمنياتنا بالتوفيق

جداول وصيغ مهمة

علاقات التفاضل الأساسية		علاقات التكامل الأساسية	
$\frac{d}{ds} (s^n) = n s^{n-1}$	$\frac{d}{ds} (s^n) = n s^{n-1}$	$\int s^n ds = \frac{s^{n+1}}{n+1} + C$	$\int s^n ds = \frac{s^{n+1}}{n+1} + C$
$\frac{d}{ds} (s^{-n}) = -n s^{-n-1}$	$\frac{d}{ds} (s^{-n}) = -n s^{-n-1}$	$\int s^{-n} ds = -\frac{s^{-n+1}}{n-1} + C$	$\int s^{-n} ds = -\frac{s^{-n+1}}{n-1} + C$
$\frac{d}{ds} (s^a) = a s^{a-1}$	$\frac{d}{ds} (s^a) = a s^{a-1}$	$\int s^a ds = \frac{s^{a+1}}{a+1} + C$	$\int s^a ds = \frac{s^{a+1}}{a+1} + C$
$\frac{d}{ds} (s^a) = a s^{a-1}$	$\frac{d}{ds} (s^a) = a s^{a-1}$	$\int s^a ds = \frac{s^{a+1}}{a+1} + C$	$\int s^a ds = \frac{s^{a+1}}{a+1} + C$

علاقات أخرى للتكامل

$\int s^n ds = \frac{s^{n+1}}{n+1} + C$	$\int s^n ds = \frac{s^{n+1}}{n+1} + C$	$\int s^n ds = \frac{s^{n+1}}{n+1} + C$
---	---	---

المتتابعات الحسابية

الحد العام: $a + (n-1)d$	مجموع n من الحدود: $\frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$
--------------------------	--

المتتابعات الهندسية

الحد العام: $a r^{n-1}$	مجموع n من الحدود: $\frac{a(r^n - 1)}{r - 1}$	مجموع ∞ من الحدود: $\frac{a}{1-r}$
-------------------------	---	---

قوانين أخرى

التباديل: $n! = n \times (n-1) \times \dots \times 1$	التوافيق: $\frac{n!}{r!(n-r)!}$
---	---------------------------------

قاعدة جيب التمام في أي مثلث $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$

قوانين الميكانيكا (إستاتيكا وديناميكا)

$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$
$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$
$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$	$\frac{F}{s} = \frac{F}{s}$

الجامعة المصرية اليابانية للعلوم والتكنولوجيا امتحان القبول (مرحلة البكالوريوس)		
المادة: الرياضيات	كلية الهندسة وبرنامج العمارة المستدامة	 E-JUST Egypt-Japan University of Science and Technology エジプト日本科学技術大学
عدد الصفحات: 2	العام الأكاديمي:	
نموذج رقم: Sample	مدة الامتحان: 45 دقيقة	
رقم الطالب:	اسم الطالب:	

اختر الإجابة الصحيحة

سؤال رقم 1 الحد المطلق (الحد الخالي من س) في المفكوك $(5-s)^4$ هو

- (A) $1500-s$ (B) 1500 (C) $625-s$ (D) 625

سؤال رقم 2 إذا كانت $s = 2$ وكانت $s = 3 + \frac{s}{s}$ فإن $\frac{s}{s}$ عند $s = 0$ هي

- (A) $4-s$ (B) 4 (C) $2-s$ (D) 0

سؤال رقم 3 الدالة $s = 3 - (4 + 3s)$ دورتها هي

- (A) $\frac{\pi}{3}$ (B) $\frac{2\pi}{3}$ (C) 2π (D) $\frac{3\pi}{2}$

سؤال رقم 4 ما قيمة m التي تجعل للمعادلة التربيعية $s^2 + 2s + 1 = 9$ جذرين متساويين؟

- (A) $4-s$ (B) 4 (C) 3 (D) 2

سؤال رقم 5 ما قيمة s التي تجعل المصفوفة $\begin{pmatrix} 0 & s & 8 \\ 2 & 0 & 4 \\ 0 & 6 & 12 \end{pmatrix}$ شاذة؟

- (A) $4-s$ (B) $3-s$ (C) 4 (D) 1

سؤال رقم 6 أي من الدوال الآتية دالة فردية؟

- (A) $s = 2 - s$ (B) $s = s^2$ (C) $s = s + 3$ (D) $s = s^3$

سؤال رقم 7 قيمة التكامل $\int_0^1 s^2 ds = \dots$

- (A) 2 (B) $1+s$ (C) 1 (D) s

سؤال رقم 8 مجموع حدود المتتابعة اللانهائية $\frac{1}{2}, \frac{1}{8}, \frac{1}{32}, \frac{1}{128}, \dots$ يساوي

- (A) $\frac{2}{5}$ (B) $\frac{2}{3}$ (C) $\frac{5}{2}$ (D) $\frac{1}{2}$

سؤال رقم 9 إذا كان $\frac{s-3}{s^2+3s-4} = \frac{b}{s+4} + \frac{a}{s-1}$ فإن قيم a و b تساوي

- (A) $-\frac{7}{5}$ و $\frac{2}{5}$ (B) $-\frac{7}{5}$ و $-\frac{2}{5}$ (C) $-\frac{2}{5}$ و $-\frac{7}{5}$ (D) $\frac{2}{5}$ و $\frac{7}{5}$

سؤال رقم 10 قيمة نهاية $\lim_{s \rightarrow 4} \frac{s^2-16}{s-4}$ هي

- (A) 8 (B) 4 (C) $2-s$ (D) غير موجوده

سؤال رقم 11 إذا كانت $s = \sqrt{s^2+3s+2}$ فإن $\frac{s}{s^2} = \dots$

- (A) $\frac{3}{4}$ (B) $\frac{5}{4}$ (C) $\frac{2}{5}$ (D) $\frac{4}{5}$